

Chapter ٩

Electric Current and Ohm's Law

التيار الكهربى وقانون اوم

9.1: Electric current التيار الكهربى



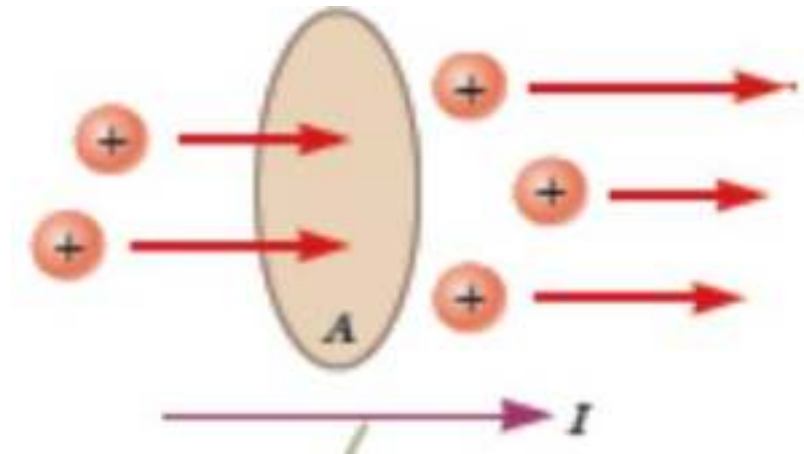
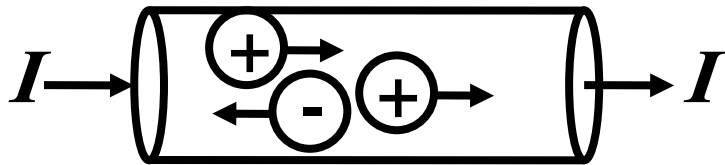
The rate at which charge flows through the surface

معدل مرور الشحنات خلال سطح الموصل

$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$$

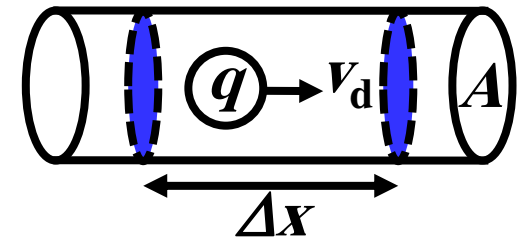
Units of I : $A = C/s$ الوحدة الأمبير = كولوم/ثانية

The direction of I is the same of the positive charges and opposite to electrons.
اتجاه التيار و نفس اتجاه الشحنات الموجبة وعكس اتجاه الالكترونات



Derivation of Drift velocity v_d

سرعة سريان الشحنات



حجم الشريحة The volume of the element is = $\Delta V = A\Delta x$

The number of charge carriers per unit volume is = $nA\Delta x$
عدد حاملات الشحنة لكل وحدة حجم

الشحنة الكلية The total charge is $\Delta Q = (nA\Delta x)q$

سرعة انسياب الالكترونات

$$\therefore v_d = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$\therefore \Delta x = v_d \Delta t$$

$$\therefore \Delta Q = (nAv_d \Delta t)q$$

$$\therefore \frac{\Delta Q}{\Delta t} = (nAv_d)q$$

$$\therefore I = qnAv_d$$

ومنها

$$\therefore v_d = \frac{I}{qnA}$$

Current Density J

كثافة التيار

The current per unit area

هو التيار لكل وحدة مساحة

$$J = \frac{I}{A}$$



Units of J : A/m^2

$$I = qnAv_d \rightarrow \text{ولكن } J = \frac{I}{A} = \frac{qnAv_d}{A} \rightarrow \text{إذاً } J = qnv_d$$

Ohm's Law قانون أوم

The potential difference V across a conductor is directly proportional to current I at constant temperature.

قانون اوم: يتناسب فرق الجهد بين طرفي موصل طردياً مع شدة التيار عند ثبات درجة الحرارة

$$V = IR$$

Resistance R المقاومة

The ratio between the potential difference V and the current I .

المقاومة هي النسبة بين فرق الجهد بين طرفي الموصل الي شدة التيار المارة فيه

$$R = \frac{V}{I}$$

Units of R : فولت/امبير $\Omega = V/A$ أوم

The relationship between R and dimensions of a conductor:

العلاقة بين المقاومة وابعاد الموصل



$R \propto L$ طول الموصل & $R \propto \frac{1}{A}$ مساحة مقطع الموصل

حيث ρ هي ثابت التناسب وتسمى resistivity المقاومة النوعية $R \propto \frac{L}{A} \rightarrow R = \rho \frac{L}{A}$

المقاومة النوعية (ρ) Resistivity

It is the resistance per unit length

هي المقاومة لكل وحدة طول

OR: It is the reciprocal of conductivity σ

هي مقلوب التوصيلة الكهربائية

$$\rho = \frac{1}{\sigma}$$

Units of ρ : $\Omega \cdot m$

Ohm's Law

$$J = \sigma E$$

كثافة التيار تساوي حاصل ضرب التوصيلة الكهربائية وشدة المجال الكهربائي

هام (المجال الكهربائي E ، σ هي التوصيلة)

Example . 27.2 page 814 in the book



(A) Calculate the resistance per unit length of a 22-gauge Nichrome wire, which has a radius of 0.32 mm and resistivity of $1.0 \times 10^{-6} \Omega \cdot \text{m}$. (B) If a potential difference of 10 V is maintained across a 1.0-m length of the Nichrome wire, what is the current in the wire?

احسب مقاومة وحدة الأطوال من سلك من النيكروم نصف قطره 0.32 مم ومقاومة النوعية 1.0×10^{-6} أوم.متر. ثم احسب شدة التيار المار في السلك اذا كان فرق الجهد يساوي 10 فولت وطول السلا 1 متر.

Answer

$$R/\ell = ? \quad , \quad \text{radius } r = 0.32 \times 10^{-3} \text{ m} \quad , \quad \rho = 1.0 \times 10^{-6} \Omega \cdot \text{m}$$
$$\Delta V = 10 \text{ V} \quad \ell = 1 \text{ m}$$

$$(a) R = \rho \frac{L}{A} \rightarrow \frac{R}{\ell} = \frac{\rho}{A} = \frac{\rho}{\pi r^2} = \frac{1.0 \times 10^{-6} \Omega \cdot \text{m}}{\pi (0.32 \times 10^{-3} \text{ m})^2} = 3.1 \Omega/\text{m}$$

$$(b) I = \frac{\Delta V}{R} = \frac{\Delta V}{(R/\ell)\ell} = \frac{10 \text{ V}}{(3.1 \Omega/\text{m})(1.0 \text{ m})} = 3.2 \text{ A}$$

الواجب رقم
١٤٨٩